

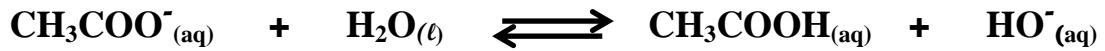
Exercice 1 : (Chimie)

س د د Æ & F Æ æ

Partie 1 :

I)

1) L'équation de réaction de CH_3COO^- avec l'eau :



2) La valeur de $[\text{HO}^-]$:

On a : $K_e = [\text{HO}^-] \cdot [\text{H}_3\text{O}^+] \rightarrow [\text{HO}^-] = \frac{K_e}{[\text{H}_3\text{O}^+]} \rightarrow [\text{HO}^-] = \frac{K_e}{10^{-\text{pH}}}$; $[\text{HO}^-] = \frac{10^{-14}}{10^{-7,9}}$

$[\text{HO}^-] = 7,94 \cdot 10^{-7} \text{ mol.L}^{-1}$

3) La valeur de taux d'avancement τ :

❖ **Tableau d'avancement :**

Equation de la réaction		$\text{CH}_3\text{COO}^-_{(\text{aq})} + \text{H}_2\text{O}_{(\text{l})} \rightleftharpoons \text{CH}_3\text{COOH}_{(\text{aq})} + \text{HO}^-_{(\text{aq})}$			
Etat du système	Avancement	Quantité de la matière en (mol)			
Initial	$x=0$	C.V	En excès	0	0
Intermédiaire	x	C.V - x		x	x
Final	$x_{\text{éq}}$	C.V - $x_{\text{éq}}$		$x_{\text{éq}}$	$x_{\text{éq}}$

❖ **Le taux d'avancement :**

On a : $\tau = \frac{x_{\text{éq}}}{x_{\text{max}}}$

- L'eau en excès donc : $x_{\text{max}} = \text{C.V}$ ($\text{CH}_3\text{COO}^-_{(\text{aq})}$ est une réactif limitant).

- $n_{\text{éq}}(\text{HO}^-) = x_{\text{éq}} = [\text{HO}^-] \cdot V$

Donc : $\tau = \frac{[\text{HO}^-] \cdot V}{\text{C.V}}$ $\rightarrow \tau = \frac{[\text{HO}^-]}{\text{C}}$; $\tau = \frac{7,94 \cdot 10^{-7}}{10^{-3}}$

$\tau = 7,94 \cdot 10^{-4}$

❖ $\tau < 1$: la réaction est limitée.

4) La valeur de $Q_{r,\text{éq}}$:

$$Q_{r,\text{éq}} = \frac{[\text{CH}_3\text{COOH}]_{\text{éq}} \cdot [\text{HO}^-]_{\text{éq}}}{[\text{CH}_3\text{COO}^-]_{\text{éq}}}$$

$[\text{CH}_3\text{COOH}]_{\text{éq}} = [\text{HO}^-]_{\text{éq}} = \frac{x_{\text{éq}}}{V} = \frac{\tau \cdot x_{\text{max}}}{V} = \frac{\tau \cdot \text{C.V}}{V} = \tau \cdot \text{C}$

$[\text{CH}_3\text{COO}^-]_{\text{éq}} = \frac{\text{C.V} - x_{\text{éq}}}{V} = \text{C} - \frac{x_{\text{éq}}}{V} = \text{C} - \tau \cdot \text{C} = \text{C}(1 - \tau)$

Donc : $Q_{r,\text{éq}} = \frac{\tau \cdot \text{C} \cdot \tau \cdot \text{C}}{\text{C}(1 - \tau)}$ $\rightarrow Q_{r,\text{éq}} = \frac{\text{C} \cdot \tau^2}{1 - \tau}$; $Q_{r,\text{éq}} = \frac{10^{-3} \cdot (7,94 \cdot 10^{-4})^2}{1 - 7,94 \cdot 10^{-4}}$

$Q_{r,\text{éq}} = 6,31 \cdot 10^{-10}$

5) Vérification de la valeur de pK_{A1} :

$$pK_{A1} = -\log(K_{A1}) = -\log\left(\frac{[\text{CH}_3\text{COO}^-] \cdot [\text{H}_3\text{O}^+]}{[\text{CH}_3\text{COOH}]}\right) = -\log\left(\frac{[\text{CH}_3\text{COO}^-] \cdot [\text{H}_3\text{O}^+] \cdot [\text{HO}^-]}{[\text{CH}_3\text{COOH}] \cdot [\text{HO}^-]}\right)$$

$$= -\log\left(\frac{[\text{CH}_3\text{COO}^-] \cdot [\text{H}_3\text{O}^+] \cdot [\text{HO}^-]}{[\text{CH}_3\text{COOH}] \cdot [\text{HO}^-]}\right)$$

$$pK_{A1} = -\log\left(\frac{K_e}{Q_{r,\text{éq}}}\right) ; pK_{A1} = -\log\left(\frac{10^{-14}}{6,31 \cdot 10^{-10}}\right)$$

$$pK_{A1} = 4,8$$

II)

1) L'équation de la réaction entre l'acide HCOOH et la base CH_3COO^- :



2) La valeur de K :

$$K = \frac{[\text{CH}_3\text{COOH}] \cdot [\text{HCOO}^-]}{[\text{CH}_3\text{COO}^-] \cdot [\text{HCOOH}]} = \frac{[\text{CH}_3\text{COOH}] \cdot [\text{HCOO}^-] \cdot [\text{H}_3\text{O}^+]}{[\text{CH}_3\text{COO}^-] \cdot [\text{HCOOH}] \cdot [\text{H}_3\text{O}^+]} = \frac{[\text{HCOO}^-] \cdot [\text{H}_3\text{O}^+]}{[\text{HCOOH}]} \cdot \frac{[\text{CH}_3\text{COOH}]}{[\text{CH}_3\text{COO}^-] \cdot [\text{H}_3\text{O}^+]}$$

$$K = K_{A2} \cdot \frac{1}{K_{A1}} = 10^{-pK_{A2}} \cdot \frac{1}{10^{-pK_{A1}}} \rightarrow K = 10^{pK_{A1} - pK_{A2}} ; K = 10^{4,8 - 3,8}$$

$$K = 10$$

3) La valeur de $Q_{r,i}$ à $t=0$:

$$Q_{r,i} = \frac{[\text{CH}_3\text{COOH}]_i \cdot [\text{HCOO}^-]_i}{[\text{CH}_3\text{COO}^-]_i \cdot [\text{HCOOH}]_i} \rightarrow Q_{r,i} = \frac{C_3 C_4}{C_2 C_1} ; Q_{r,i} = \frac{0,1 \cdot 0,1}{0,1 \cdot 0,1}$$

$$Q_{r,i} = 1$$

4) $Q_{r,i} < K$: La réaction s'évalue dans le sens direct (\rightarrow).

5) La valeur de pH :

Pour le couple ($\text{HCOO}^-/\text{HCOOH}$) on a : $\text{pH} = pK_{A2} + \log\left(\frac{[\text{HCOO}^-]_{\text{éq}}}{[\text{HCOOH}]_{\text{éq}}}\right)$

❖ Tableau d'avancement :

Equation de la réaction		$\text{HCOOH}_{(\text{aq})} + \text{CH}_3\text{COO}^-_{(\text{aq})} \rightleftharpoons \text{HCOO}^-_{(\text{aq})} + \text{CH}_3\text{COOH}_{(\text{aq})}$			
Etat du système	Avancement	Quantité de la matière en (mol)			
Initial	$x=0$	$C_1 \cdot V_1$	$C_2 \cdot V_2$	$C_4 \cdot V_4$	$C_3 \cdot V_3$
Equilibre	$x_{\text{éq}}$	$C_1 \cdot V_1 - x_{\text{éq}}$	$C_2 \cdot V_2 - x_{\text{éq}}$	$C_4 \cdot V_4 + x_{\text{éq}}$	$C_3 \cdot V_3 + x_{\text{éq}}$

$$❖ [\text{HCOO}^-]_{\text{éq}} = \frac{C_4 \cdot V_4 + x_{\text{éq}}}{V_T} \text{ avec : } V_T = V_1 + V_2 + V_3 + V_4$$

$$❖ [\text{HCOOH}]_{\text{éq}} = \frac{C_1 \cdot V_1 - x_{\text{éq}}}{V_T} \text{ avec : } V_T = V_1 + V_2 + V_3 + V_4$$

$$\text{Donc : } \text{pH} = pK_{A2} + \log\left(\frac{C_4 \cdot V_4 + x_{\text{éq}}}{C_1 \cdot V_1 - x_{\text{éq}}}\right) ; \text{ : } \text{pH} = 3,8 + \log\left(\frac{0,1 \cdot 100 \cdot 10^{-3} + 5,39 \cdot 10^{-3}}{0,1 \cdot 100 \cdot 10^{-3} - 5,39 \cdot 10^{-3}}\right)$$

$$\text{pH} \approx 4,3$$

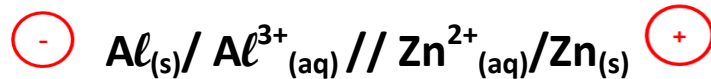
Remarque : En utilisant la même méthode pour le couple ($\text{CH}_3\text{COO}^-/\text{CH}_3\text{COOH}$), on obtient le

même résultat, par la relation $\text{pH} = pK_{A1} + \log\left(\frac{C_2 \cdot V_2 - x_{\text{éq}}}{C_3 \cdot V_3 + x_{\text{éq}}}\right)$

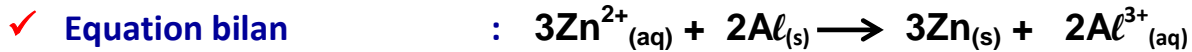
⊞ & F ⊞ æ

Partie 2 :

1) Le schéma conventionnelle de la pile :

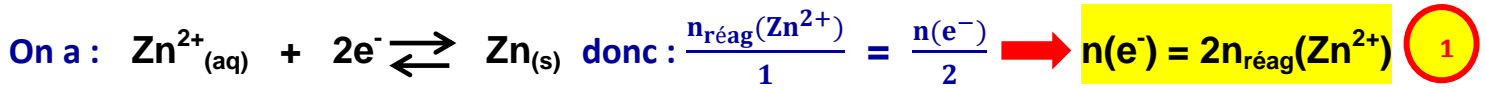


2) L'équation de la réaction :



3) La valeur de $[\text{Zn}^{2+}]_{\text{rest}}$ reste après une durée de 30min :

$$[\text{Zn}^{2+}]_{\text{rest}} = [\text{Zn}^{2+}]_i - [\text{Zn}^{2+}]_{\text{réag}}$$



On a : $Q = I \cdot \Delta t = n(\text{e}^-) \cdot F \rightarrow n(\text{e}^-) = \frac{I \cdot \Delta t}{F}$ (2)

D'après (1) et (2) on a : $2n_{\text{réag}}(\text{Zn}^{2+}) = \frac{I \cdot \Delta t}{F} \iff 2[\text{Zn}^{2+}]_{\text{réag}} \cdot V_2 = \frac{I \cdot \Delta t}{F} \rightarrow [\text{Zn}^{2+}]_{\text{réag}} = \frac{I \cdot \Delta t}{2F \cdot V_2}$

Enfin : $[\text{Zn}^{2+}]_{\text{rest}} = [\text{Zn}^{2+}]_i - \frac{I \cdot \Delta t}{2F \cdot V_2}$; $[\text{Zn}^{2+}]_{\text{rest}} = 10^{-1} - \frac{0,2 \times 30 \times 60}{2 \times 96500 \times 0,15}$

$$[\text{Zn}^{2+}]_{\text{rest}} = 0,087 \text{ mol} \cdot \text{L}^{-1}$$

Exercice 2 : (Les ondes) :

1)

1-1) A

1-2) B

2)

2-1)

☞ L'onde ultrasonore parcourt $2d_1$ pendant t_1 .

☞ L'onde ultrasonore parcourt $2(d_1 + d_2)$ pendant t_2 .

Donc : $2(d_1 + d_2) > 2d_1 \rightarrow \frac{2(d_1 + d_2)}{V} > \frac{2d_1}{V} \rightarrow t_2 > t_1$ ($V = \text{Cte}$)

2-2) d_1 en fonction de t_1 et V :

On a : $V = \frac{2d_1}{t_1} \rightarrow d_1 = \frac{V t_1}{2}$

2-3) L'épaisseur du fœtus (d_2) :

On a : $V = \frac{2d_2}{t_2 - t_1} \rightarrow d_2 = \frac{V(t_2 - t_1)}{2}$; $d_2 = \frac{1540 \cdot (180 \cdot 10^{-6} - 100 \cdot 10^{-6})}{2}$

$$d_2 = 0,061 \text{ m}$$

Exercice 3 : (physique nucléaire)

1) La composition du noyau ${}^{234}_{92}\text{U}$:

$${}^{234}_{92}\text{U} \begin{cases} 92 \text{ protons} \\ 234 - 92 = 142 \text{ neutrons} \end{cases}$$

2) La valeur de $E_\ell({}^{234}_{92}\text{U})$ en MeV :

$$E_\ell({}^{234}_{92}\text{U}) = [92m_p + 142m_n - m({}^{234}_{92}\text{U})].C^2$$

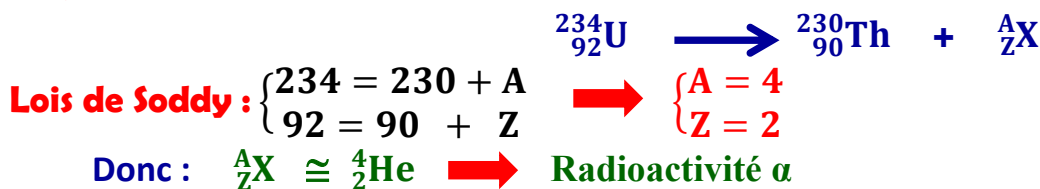
$$E_\ell({}^{234}_{92}\text{U}) = [92 \times 1,00728 + 142 \times 1,00866 - 234,04095].C^2$$

$$E_\ell({}^{234}_{92}\text{U}) = 1,85853 \text{ u.C}^2$$

$$E_\ell({}^{234}_{92}\text{U}) = 1,85853 \times 931,5 \text{ MeV.C}^{-2} . C^2$$

$$E_\ell({}^{234}_{92}\text{U}) = 1731,22 \text{ MeV}$$

3) L'équation de désintégration :



4)

4-1) $N({}^{230}_{90}\text{Th})$ en fonction de N_0 , t et λ :

Selon les données d'exercice on a : $N_0 = N({}^{234}_{92}\text{U}) + N({}^{230}_{90}\text{Th})$ avec : $N({}^{234}_{92}\text{U}) = N_0 e^{-\lambda t}$

$$\text{Donc : } N_0 = N_0 e^{-\lambda t} + N({}^{230}_{90}\text{Th}) \longrightarrow N({}^{230}_{90}\text{Th}) = N_0 - N_0 e^{-\lambda t} \longrightarrow N({}^{230}_{90}\text{Th}) = N_0(1 - e^{-\lambda t})$$

4-2) Montrons que $r = e^{\lambda t} - 1$:

$$\text{On a : } r = \frac{N({}^{230}_{90}\text{Th})}{N({}^{234}_{92}\text{U})}$$

$$r = \frac{N_0(1 - e^{-\lambda t})}{N_0 e^{-\lambda t}} = \frac{1 - e^{-\lambda t}}{e^{-\lambda t}} = \frac{1}{e^{-\lambda t}} - \frac{e^{-\lambda t}}{e^{-\lambda t}} \longrightarrow r = e^{\lambda t} - 1$$

4-3) La valeur de r_1 à $t_1 = 2.10^5$ ans :

$$r_1 = e^{\lambda t_1} - 1 = e^{2,823.10^{-6} \times 2.10^5} - 1 \longrightarrow r_1 = 0,75$$

Exercice 4 : (L'électricité)

1) Charge de condensateur :

1-1) Montrons que $U_c = \frac{I_0}{C} t$:

$$\text{On a : } q = C.U_c \text{ et } I_0 = \frac{q}{t} \longrightarrow q = C.U_c = I_0.t \longrightarrow U_c = \frac{I_0}{C} t$$

1-2) Vérifions que $C = 50 \mu\text{F}$:

$U_c(t)$ est une fonction linéaire de forme $U_c = kt$ avec : $k = \frac{\Delta U_c}{\Delta t} = \frac{2 - 0}{1 - 0} = 2 \text{ (S.I)}$

$$\text{On a : } U_c = \frac{I_0}{C} t = kt \longrightarrow \frac{I_0}{C} = k \longrightarrow C = \frac{I_0}{k} ; C = \frac{0,1.10^{-3}}{2} = 5.10^{-5} \text{ F} = 50.10^{-6} \text{ F}$$

$$C = 50 \mu\text{F}$$

2) Décharge de condensateur :

2-1)

Résistance du conducteur ohmique en ohm(Ω)	$R_1=0$	$R_2=390$
Courbe obtenue	C_1	C_2
Régime des oscillations correspondant	Régime pseudopériodique	apériodique

2-2) L'équation différentielle vérifiée par $U_c(t)$:

Loi d'additivité des tensions : $U_L + U_{R1} + U_c = 0$

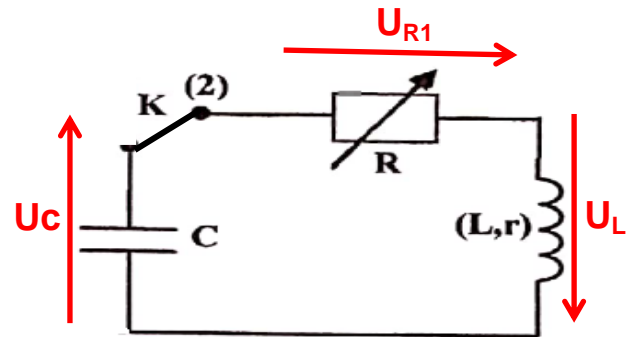
✓ $R_1=0$ donc $U_{R1} = R_1 \cdot i = 0$

✓ $U_L = L \frac{di}{dt} + ri = L \frac{d^2q}{dt^2} + r \frac{dq}{dt} = LC \frac{d^2U_c}{dt^2} + rC \frac{dU_c}{dt}$

$$LC \frac{d^2U_c}{dt^2} + rC \frac{dU_c}{dt} + U_c = 0$$

$$\rightarrow \frac{d^2U_c}{dt^2} + \frac{rC}{LC} \cdot \frac{dU_c}{dt} + \frac{1}{LC} \cdot U_c = 0$$

$$\rightarrow \frac{d^2U_c}{dt^2} + \frac{r}{L} \cdot \frac{dU_c}{dt} + \frac{1}{LC} \cdot U_c = 0$$



2-2) Montrons que $L=0,1H$:

On a : $T = T_0 = 2\pi\sqrt{LC} \iff T^2 = 4\pi^2 \cdot LC \iff L = \frac{T^2}{4\pi^2 \cdot C}$

Graphiquement : $T = 10ms = 0,01s$

Donc : $L = \frac{(0,01)^2}{4\pi^2 \cdot 50 \cdot 10^{-6}}$

$L=0,2H$

3) Etude énergétique :

3-1)

t(ms)	0	13	20
E_t (mJ)	0,64	0,36	0,24

3-2) L'énergie E_t est diminué en fonction de temps à cause de **effet Joule** (résistance interne de bobine).

3-3) La valeur de i_1 à $t_1=13ms$:

On a : $E_{m1} = \frac{1}{2} L \cdot i_1^2 \iff i_1 = \pm \sqrt{\frac{2 \cdot E_{m1}}{L}} \iff i_1 = + \sqrt{\frac{2 \cdot E_{m1}}{L}}$ car : $i_1 = C \frac{dU_c}{dt} \Big|_{t_1} > 0$

à $t_1=13ms$ on a : $E_{m1}=0,22mJ$; $i_1 = \sqrt{\frac{2 \times 0,22 \cdot 10^{-3}}{0,2}}$

$i_1=0,047A$

4) Réception d'une onde électromagnétique:

4-1) La partie 1 : Sélection de l'onde émise par la station radio.

4-2) La valeur de C_0 :

On a : $f = \frac{1}{2\pi\sqrt{L_0 C_0}} \iff f^2 = \frac{1}{4\pi^2 L_0 C_0} \iff C_0 = \frac{1}{4\pi^2 \cdot L_0 \cdot f^2}$; $C_0 = \frac{1}{4 \times 10 \times 100 \cdot 10^{-3} \times (180 \cdot 10^3)^2}$

$C_0 = 7,72 \cdot 10^{-12} F$

Exercice 5 : (mécanique)

1)

1-1) Vérifié que $\frac{d^2x}{dt^2} = \frac{F}{m}$:

❖ Système étudié : {solide (s)}

❖ Bilan des forces : \vec{R} ; \vec{F} ; \vec{P}

❖ La 2^{ème} loi de Newton : $\sum \vec{f}_{ext} = m \cdot \vec{a} \iff \vec{R} + \vec{F} + \vec{P} = m \cdot \vec{a}$

❖ La projection sur l'axe (ox) : $0 + F + 0 = m \cdot a_x$; avec : $a_x = \frac{d^2x}{dt^2}$

$$m \cdot \frac{d^2x}{dt^2} = F \iff \frac{d^2x}{dt^2} = \frac{F}{m}$$

1-2) Vérifié que $a_G = 2 \cdot \text{ms}^{-2}$:

$$a_G = \frac{\Delta V}{\Delta t} = \frac{0,2-0}{0,1-0} \implies a_G = 2 \cdot \text{ms}^{-2}$$

1-3) La valeur de F :

On a : $F = m \cdot a_G = 2 \times 2 \implies F = 4\text{N}$

1-4) Montrons que $x = t^2$:

On sait que : $x = \frac{1}{2} a_G \cdot t^2 + V_0 \cdot t + x_0$

à $t=0$ on a : $V_0=0$ et $x_0=0$ donc : $x = \frac{1}{2} a_G \cdot t^2 = \frac{1}{2} \times 2 \cdot t^2$

Enfin : $x = t^2$

2)

2-1) Montrons que le mouvement de G est rectiligne uniforme sur (AB) :

Selon les données d'exercice $F=0$ sur la partie AB : $\implies a_G = \frac{F}{m} = 0 \iff \frac{\Delta V}{\Delta t} = 0 \iff V = \text{Cte}$

Donc la vitesse de G est constante sur la partie AB \implies le mouvement de G est rectiligne uniforme sur (AB).

2-2) La valeur de V sur (AB) :

$V_A = V_B = \text{Cte}$, car le mouvement de G est rectiligne uniforme sur (AB).

On a : $x_A = t_A^2 \implies V_A = \frac{dx_A}{dt} = \frac{d}{dt}(t_A^2) = 2t_A$

Avec : $OA = x_A - x_0 = x_A - 0 = t_A^2 \implies t_A = \sqrt{OA}$

Enfin : $V_A = 2\sqrt{OA}$, $V_A = 2\sqrt{2,25}$

$V_A = 3 \text{m} \cdot \text{s}^{-1}$

